

Демонстрационный вариант экзаменационного теста для студентов групп
 БИН-11 (222000.62 – Инноватика), БНИ-11 (152200.62 – Наноинженерия),
 БТМ-11 (151000.62 – Технологические машины и аппараты).
 (2-й семестр, 2012–2013 уч. год)

Список заданий

- Множество всех первообразных функции $e^x + 3x^2 + 2x$ имеет вид
 1) $e^x + x^3 + x^2 + C$, 2) $e^x + 6x + 2 + C$, 3) $e^x + \frac{3}{2}x^3 + 2x^2 + C$, 4) $e^x + x^2 + x + C$.
- Укажите все верные утверждения (C – произвольная постоянная)
 1) $\int 2 \ln x dx = 2 \int \ln x dx$,
 2) $(\int (3 - 5x^2) dx)' = 3 - 5x^2$,
 3) $\int (x^2 - 6)e^x dx = 2 \int \ln x dx$,
 4) $\int d(\sin 2x) = (\sin 2x)' + C$.
- В неопределенном интеграле $\int \frac{(2 \ln x + 3)^3 dx}{x}$ введена новая переменная $t = 2 \ln x + 3$. Тогда интеграл примет вид:
 1) $\frac{1}{2} \int t^3 dt$, 2) $3 \int t^2 dt$, 3) $\frac{1}{3} \int t^{-2} dt$, 4) $\frac{1}{3} \int (3t - 1) dt$.
- Если в неопределенном интеграле $\int (3x - 5) \sin \frac{x}{2} dx$, применяя формулу интегрирования по частям: $\int u dv = uv - \int v du$, положить, что $u = 3x - 5$, то функция v будет равна
 1) $-2 \cos \frac{x}{2}$, 2) $\frac{1}{2} \cos \frac{x}{2}$, 3) $-2 \sin \frac{x}{2}$, 4) $\frac{1}{2} \sin \frac{x}{2}$.
- В неопределенном интеграле $\int \frac{(5x+7)dx}{(x+4)(x^2+9)}$ подынтегральная функция разлагается на элементарные дроби:
 1) $\frac{A}{x+4} + \frac{Bx+C}{x^2+9}$
 2) $\frac{Ax+B}{x+4} + \frac{Cx+D}{x^2+9}$
 3) $\frac{A}{x+4} + \frac{B}{x^2+9}$
 4) $\frac{A}{x+4} + \frac{Bx}{x^2+9}$.
- Укажите соответствие между неопределенным интегралом и его значением

1) $\int \sin^3 x \cos x dx$	1) $\frac{1}{4} \sin^4 x$
2) $\int \frac{dx}{x \ln x}$	2) $\ln \ln x$
3) $\int e^x \sin(e^x) dx$	3) $-\cos(e^x)$
4) $\int \frac{dx}{1-x^2}$	4) $\frac{1}{2} \ln \left \frac{1+x}{1-x} \right $

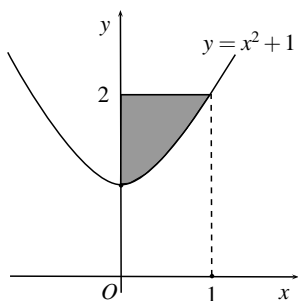
7. Если функция $y = f(x)$ непрерывна на отрезке $[a, b]$ и $F(x)$ — какая-либо её первообразная на $[a, b]$, то интеграл $\int_a^b f(x) dx$ равен
- 1) $F(b) - F(a)$, 2) $F(b) + F(a)$, 3) $F(a) - F(b)$, 4) $2F(b) - F(a)$.
8. Подынтегральная функция $f(x)$ является четной и $f(x) > 0$ на отрезке $[0, a]$, то интеграл $\int_{-a}^a f(x) dx$ равен
- 1) $\int_0^a f(x) dx$, 2) $2 \int_0^a f(x) dx$, 3) $\int_{-a}^0 f(x) dx$, 4) 0.
9. Если $f(x)$ интегрируема на отрезке $[a, c]$ и $a < b < c$, то $\int_b^c f(x) dx$ равен

- 1) $\int_a^c f(x) dx + \int_b^a f(x) dx$
 2) $\int_c^a f(x) dx + \int_a^b f(x) dx$
 3) $\int_a^c f(x) dx + \int_a^b f(x) dx$
 4) $\int_c^a f(x) dx - \int_b^a f(x) dx$.

10. В определенном интеграле $\int_0^1 \frac{e^{2x} dx}{e^{4x} + 5}$ введена новая переменная $t = e^{2x}$. Тогда интеграл примет вид:

- 1) $\frac{1}{2} \int_1^{e^2} \frac{dt}{t^2 + 5}$, 2) $2 \int_1^{e^2} \frac{dt}{t^2 + 5}$, 3) $\frac{1}{2} \int_1^e \frac{dt}{t^2 + 5}$, 4) $\frac{1}{2} \int_1^1 \frac{dt}{t^2 + 5}$.

11. Площадь фигуры, изображенной на рисунке,



определяется интегралом:

- 1) $\int_0^1 (1 - x^2) dx$, 2) $\int_0^1 (2 - x^2) dx$, 3) $\int_0^2 (1 - x^2) dx$, 4) $\int_0^1 (1 + x^2) dx$.
12. Несобственными являются следующие интегралы
- 1) $\int_2^5 \frac{3dx}{(x-5)^2}$, 2) $\int_0^{+\infty} \frac{dx}{x^3+1}$, 3) $\int_0^\pi x \cos x dx$, 4) $\int_1^5 \frac{dx}{1+x^2}$.
13. Для стационарных точек функции $z = xy^2 - x$ справедливы утверждения
- 1) их число равно 3
 2) их число равно 2
 3) их число равно 1
 4) сумма их абсцисс равна сумме их ординат и равна 0
 5) сумма их ординат равна 1

14. Для функции $z = x^2 + xy + y^2 - 2x - y$, имеющей одну стационарную точку $M(1,0)$, справедливо утверждение
- 1) её максимум равен -1
 - 2) её минимум равен -1
 - 3) точка $M(1,0)$ не является точкой экстремума
 - 4) $M(1,0)$ – точка максимума
15. Градиентом функции $z = x^2y$ в точке $P(1,1)$ является
- 1) вектор $\{1,2\}$
 - 2) вектор $\{2,1\}$
 - 3) число 3
 - 4) число $\sqrt{5}$
16. Уравнение касательной плоскости к поверхности $z = \frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{2}$ в точке $M(3,1,4)$ имеет вид
- 1) $\frac{x-3}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-4}{-1}$
 - 2) $\frac{x-3}{-3} = \frac{y-1}{-1} = z$
 - 3) $3x - y - z - 4 = 0$
 - 4) $z = 3(x-3) - (y-1)$
17. Интеграл $\iint_D dx dy$ где $D: |x| + |y| \leq 1$ равен
18. Если в двойном интеграле $\int_0^2 dy \int_0^{y^2} f(x,y) dx$ изменить порядок интегрирования, то интеграл примет вид
- $$\int_0^4 dx \int_0^{\sqrt{x}} f(x,y) dy$$
- $$\int_0^4 dx \int_0^{x^2} f(x,y) dy$$
- $$\int_0^4 dx \int_{\sqrt{x}}^2 f(x,y) dy$$
- $$\int_0^4 dx \int_{\sqrt{x}}^1 f(x,y) dx$$
19. Тройной интеграл $\iiint_V 2z dx dy dz$ где $V: \begin{cases} 0 \leq x \leq 1 \\ -2 \leq y \leq -1 \\ 1 \leq z \leq 2 \end{cases}$ равен

20. Криволинейный интеграл по длине дуги $\int_L \ln(x+y) ds$ где L отрезок прямой на плоскости ограниченный точками $A(1; -1)$ и $B(5; 3)$

- 1) больше нуля.
- 2) меньше нуля.
- 3) равен нулю.
- 4) не существует.

21. Криволинейный интеграл по координатам равен нулю по любому замкнутому контуру.

- 1) $\oint (x^2 + y)dx + (2x + y)dy$
- 2) $\oint (2x + y)dx + (xy - 1)dy$
- 3) $\oint \ln(x^2 + 1)dx + x^2 dy$
- 4) $\oint (2xy + x^3)dx + (x^2 + y)dy$

22. Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются:

- 1) $x \frac{d^2 y}{dx^2} + y \frac{dy}{dx} + x^2 y^2 = 0$
- 2) $x^3 \frac{dy}{dx} - y^3 = 5$
- 3) $xy'' + 4xy' + y^2 = y$
- 4) $x^2 y' + 2y - 15x + 3 = 0$

23. Общее решение дифференциального уравнения $y''' = \sin 2x$ имеет вид

$$y = \cos 2x + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = -\frac{1}{8}\cos 2x + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

$$y = \frac{1}{8}\cos 2x + C$$

$$y = \frac{1}{8}\cos 2x + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$$

24. Дано дифференциальное уравнение $xy' = 3y$. Тогда его решением является функция

- 1) $y = -3x^2$,
- 2) $y = -x^3$,
- 3) $y = 3x^2$,
- 4) $y = x^3$.

25. Частное решение дифференциального уравнения $(x^2 - 1) \cdot y' = 2xy$ при $y(2) = 6$ имеет вид

- 1) $y = \ln|x^2 - 1| - \ln 3 + 6$,
- 2) $y = x^2 + 2$,
- 3) $y = 2(x^2 - 1)$,
- 4) $y = \frac{x^2}{2} + 4$.

26. Из данных дифференциальных уравнений уравнениями Бернулли являются

1) $\frac{dy}{dx} + y + 7 = 0$, 2) $x\frac{dy}{dx} + y = xy^2$, 3) $3\frac{dy}{dx} - 2y = x^3y^{-2}$, 4) $y\frac{dy}{dx} + x^3 = 0$.

27. Уравнение $y' + xy = x^2$ является...

- 1) однородным дифференциальным уравнением
- 2) уравнением с разделяющимися переменными
- 3) уравнением Бернулли
- 4) линейным неоднородным дифференциальным уравнением 1 порядка

28. Установите соответствие между дифференциальными уравнениями первого порядка и их названиями:

- | | |
|--|--|
| 1) $x\sqrt{1-y^2}dx + y\sqrt{1-x^2}dy = 0$ | 1) уравнение Бернулли |
| 2) $(x^2 + y^2)dx = 2xydy$ | 2) однородное дифференциальное уравнение |
| 3) $\frac{dy}{dx} + \frac{4xy}{x^2 + 1} = \frac{1}{x^2 + 1}$ | 3) дифференциальное уравнение с разделяющимися переменными |
| 4) $y' + 2e^xy = 2e^x\sqrt{y}$ | 4) линейное дифференциальное уравнение |

29. Однородному дифференциальному уравнению второго порядка $y'' + 5y' + 6y = 0$ соответствует характеристическое уравнение

- 1) $1 + 5\lambda + 6\lambda^2 = 0$, 2) $\lambda^2 - 5\lambda + 6 = 0$, 3) $\lambda^2 + 5\lambda + 6 = 0$,
- 4) $\lambda^2 - 5\lambda - 6 = 0$.

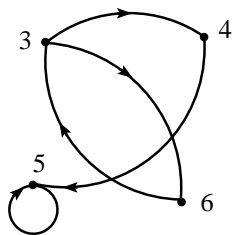
30. Общим решением однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами и характеристическими корнями $k_1 = k_2 = 5$, $k_3 = -2$ является

- 1) $y = (C_1 + C_2x)\sin 5x + (C_3 + C_4)\cos 5x - C_5\sin 2x + C_6\cos 2x$
- 2) $y = (C_1 + C_2)t^{5x} + C_3e^{-2x}$
- 3) $y = C_1e^{5x} + C_2e^{-2x}$
- 4) $y = C_1\sin 5x + C_2\cos 5x - C_3\sin 2x + C_4\cos 2x$

31. Указать вид общего решения дифференциального уравнения $y'' + 4y' = 4$, если частным решением является функция $y = x$

- 1) $y = C_1 + C_2e^{-4x} + 4x$
- 2) $y = C_1 + C_2e^{-4x} + x$
- 3) $y = C_1 + C_2e^{4x} + x$
- 4) $y = C_1 + C_2e^{-4x} - x$

32. Дана реализация графа



Тогда соответствующим ей множеством вершин (V) и списком дуг (E) является. . .

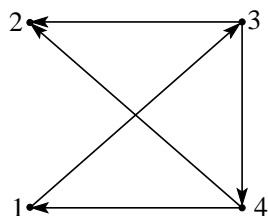
1) $V=3,4,5,6;$ $E=(3;6),(6;3),(4;3),(5;5),(4;5)$

2) $V=3,4,5,6;$ $E=(3;4),(3;6),(4;5),(6;3),(5;5)$

3) $V=3,4,5,6;$ $E=(3;4),(3;6),(4;5),(6;3)$

4) $V=3,4,5,6;$ $E=(3;4),(3;6),(6;3),(5;5),(5;4)$

33. Матрица смежности ориентированного графа



равна . . .

1) $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

34. Число полных путей в ориентированном графе, представленном матрицей смежности

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

равно . . .

1; 3; 4; 2